

## Geometriske placeringer & flytninger - Fase 1

Analysere mønstre og symmetri

*Vurdering fra 1 til 5 (hvor 5 er højest)*

Læringsmål	Selv	Lærer	Beviser og forslag til forbedring
1. Jeg kan <u>definer</u> spejlingssymmetri og drejningssymmetri.			
2. Jeg kan <u>tegne</u> 2D mønstre med <b>spejlingssymmetri</b> og <b>drejningssymmetri</b> .			
3. Jeg kan konstruere 2D mønstre, som <b>parallelforskydes</b> i to retninger.			
4. Jeg kan konstruere tegninger med <b>tesselationer</b> .			
5. Jeg kender til begreberne nederst.			
<b>Begreber/noter:</b> spejle, forskyde, parallel, symmetri, tesselation			

(Tegn og spejl følgende opgaver i Geogebra.)

# Spejling

Husk at tegne den original figur)

Aflæs koordinaterne til:

$$A( \quad , \quad ) \quad B( \quad , \quad ) \quad C( \quad , \quad )$$

Find billedet af ABC ved spejling i y-aksen.

Aflæs spejlingspunkterne:

$$A_1( \quad , \quad ) \quad B_1( \quad , \quad ) \quad C_1( \quad , \quad )$$

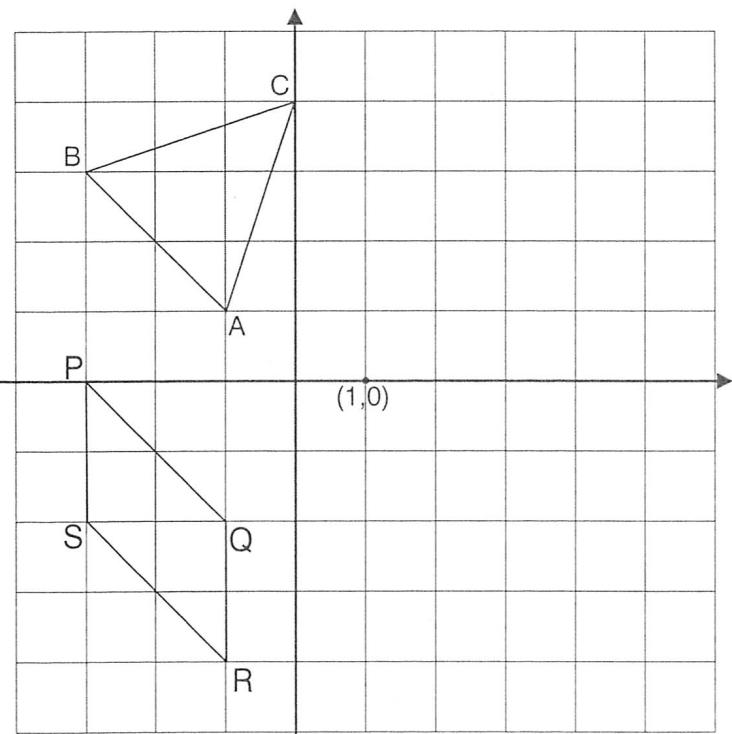
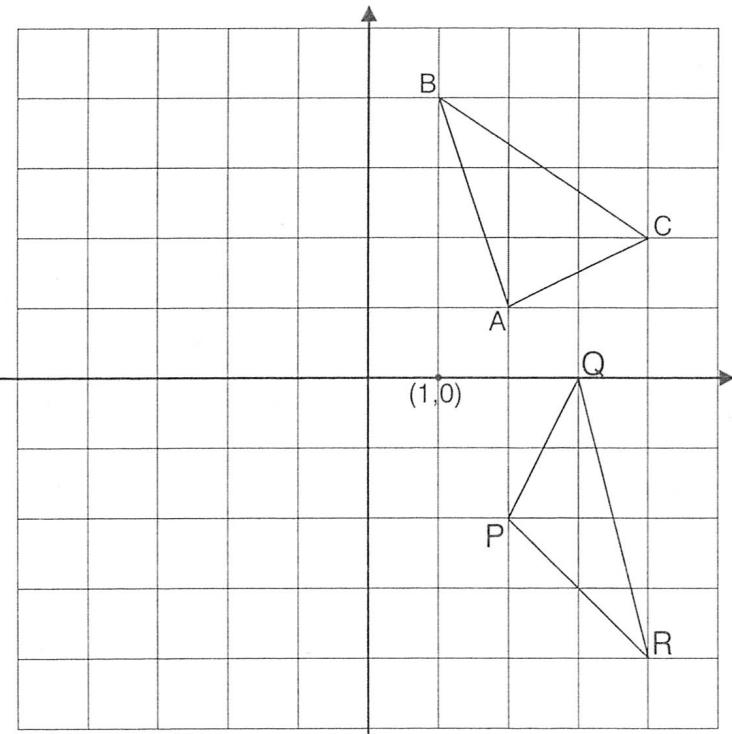
Aflæs koordinaterne til:

$$P( \quad , \quad ) \quad Q( \quad , \quad ) \quad R( \quad , \quad )$$

Find billedet af PQR ved spejling i y-aksen.

Aflæs spejlingspunkterne:

$$P_1( \quad , \quad ) \quad Q_1( \quad , \quad ) \quad R_1( \quad , \quad )$$



Tegn spejlingsaksen  $x = 1$ .

Aflæs koordinaterne til:

$$A( \quad , \quad ) \quad B( \quad , \quad ) \quad C( \quad , \quad )$$

Find billedet af ABC ved spejling i  $x = 1$ .

Aflæs spejlingspunkterne:

$$A_1( \quad , \quad ) \quad B_1( \quad , \quad ) \quad C_1( \quad , \quad )$$

Aflæs koordinaterne til:  $P( \quad , \quad )$

$$Q( \quad , \quad ) \quad R( \quad , \quad ) \quad S( \quad , \quad )$$

Find billedet af PQRS ved spejling i  $x = 1$ .

$$Aflæs spejlingspunkterne: \quad P_1( \quad , \quad )$$

$$Q_1( \quad , \quad ) \quad R_1( \quad , \quad ) \quad S_1( \quad , \quad )$$

$$1. \quad x + 5 = 2 \quad x = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$6. \quad x - 1 = -5 \quad x = \underline{\hspace{2cm}}$$

Facit:

$$\begin{array}{ccc} -1 & -2 & -3 \end{array}$$

$$2. \quad x + 1 = -9 \quad x = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$7. \quad x - 8 = -23 \quad x = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\begin{array}{ccc} -4 & -8 & -9 \end{array}$$

$$3. \quad x + 6 = 4 \quad x = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$8. \quad x - 4 = -15 \quad x = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\begin{array}{ccc} -10 & -11 & -15 \end{array}$$

$$4. \quad x + 11 = 3 \quad x = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$9. \quad x - 7 = -8 \quad x = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\begin{array}{ccc} -20 \end{array}$$

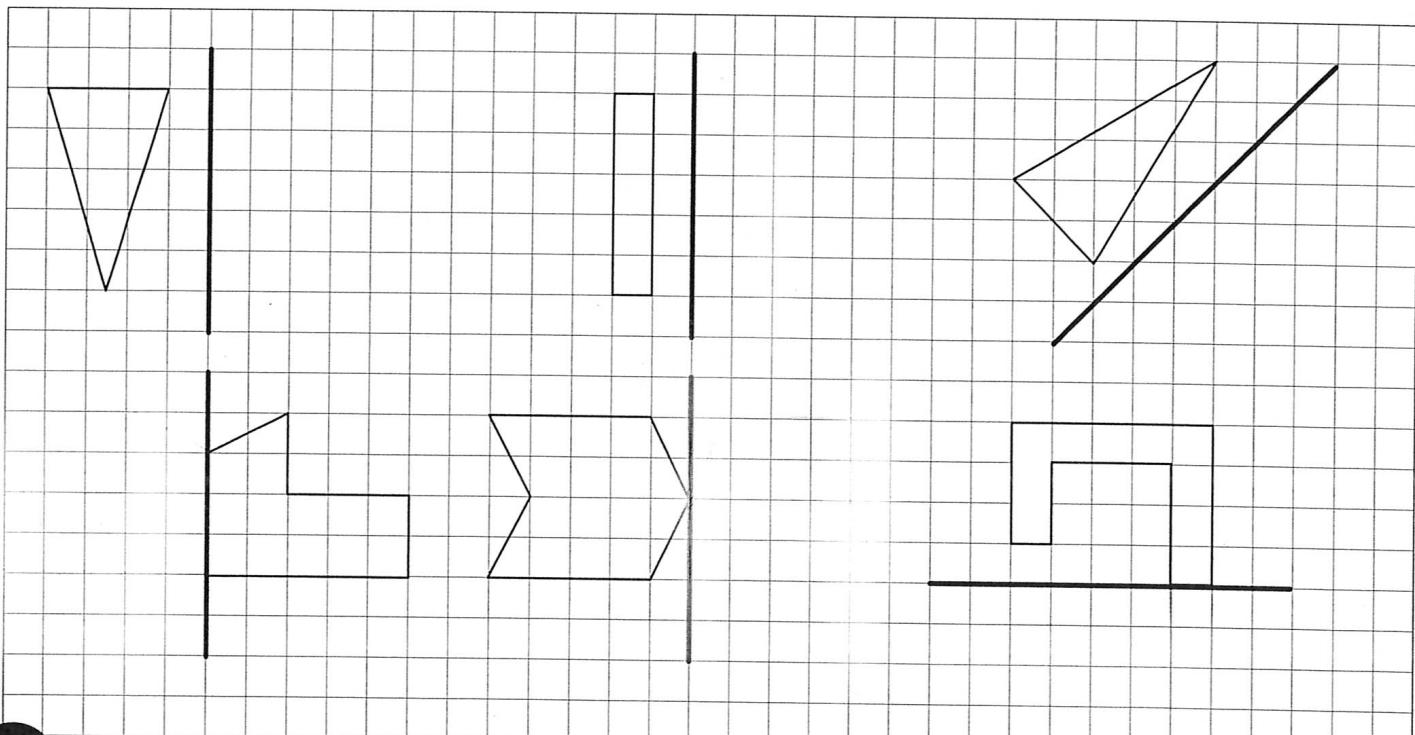
$$5. \quad x + 2 = -7 \quad x = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$10. \quad x - 5 = -25 \quad x = \underline{\hspace{2cm}}$$

**A**

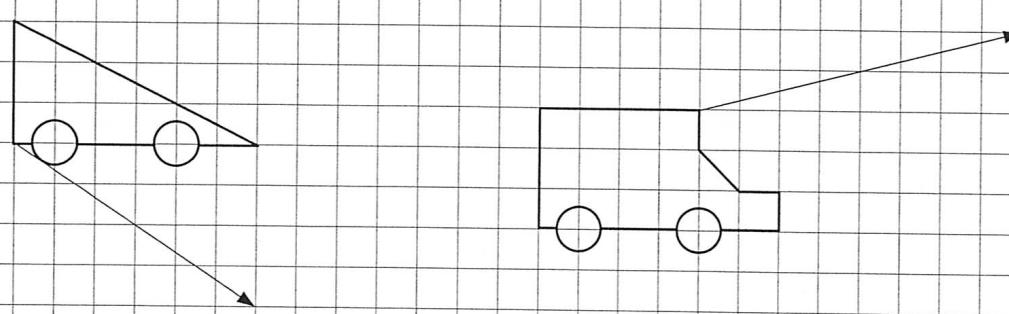
1

Spejl figurerne i linjerne



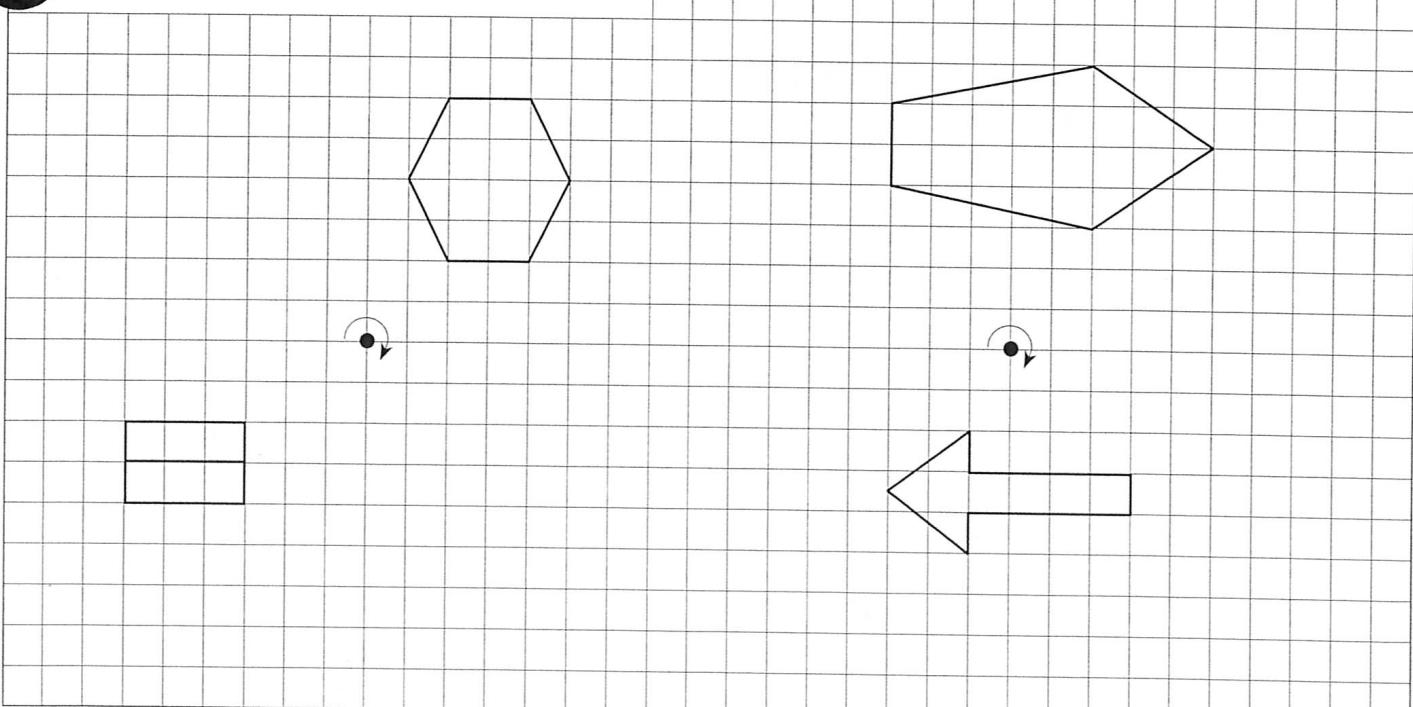
2

Parallelforskyd figurerne i pilenes retning



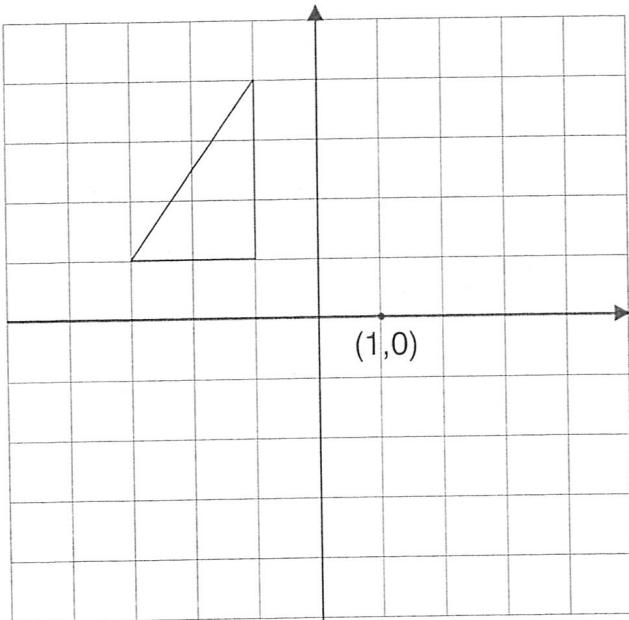
3

Drej figurerne to og to  $90^\circ$  om prikken

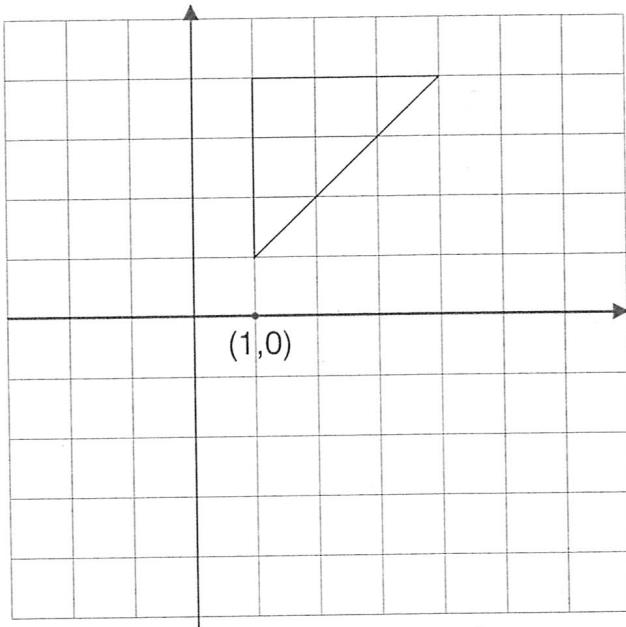


# Drejning

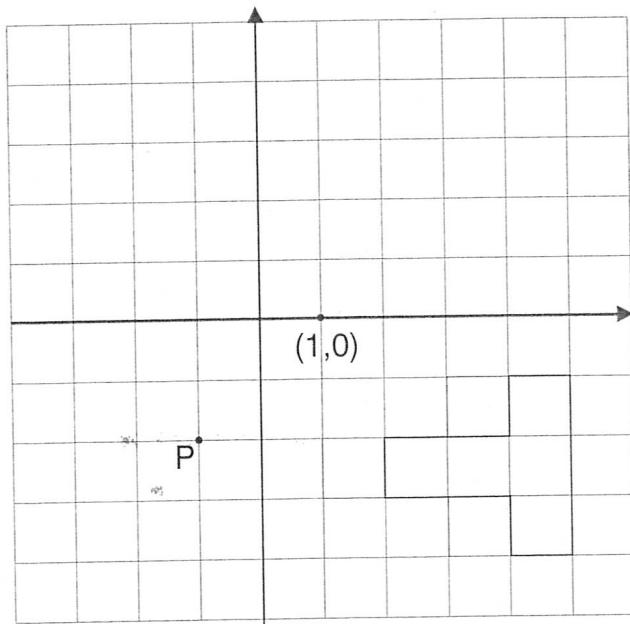
Lav følgende opgaver i Geogebra  
(husk at tegne den originale figur)



Drej trekanten  $90^\circ$  omkring  $(0,0)$   
i negativ retning.



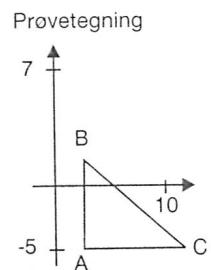
Drej trekanten  $90^\circ$  omkring  $(-1,0)$   
i negativ retning.



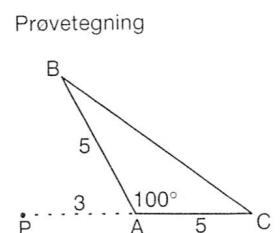
Drej figuren  $90^\circ$  omkring P  
i positiv retning.

2. Tegn et koordinat system.  
Tegn trekant ABC.  
 $A(1,3)$ ,  $B(4,7)$   
 $C(7,3)$ ,  $P(0,-1)$ .

Drej trekanten  $90^\circ$  omkring P i positiv retning.

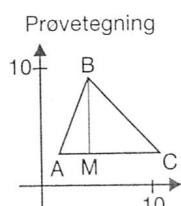


3. Tegn trekant ABC.  
Drej trekanten  $80^\circ$  omkring P i positiv retning.



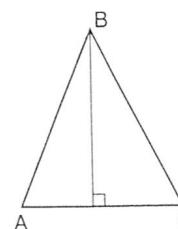
1. Tegn et koordinat system.  
Tegn trekant ABC.  
 $A(1,3)$ ,  $B(4,7)$   $C(7,3)$ .

Drej trekanten  $45^\circ$  omkring M i positiv retning.

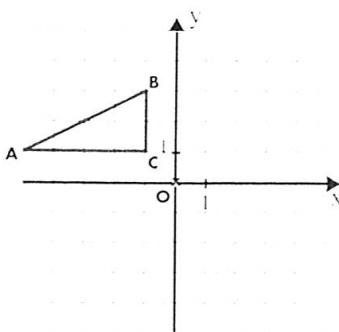


4. Tegn trekant ABC.  
Drej trekanten  $75^\circ$  omkring P i negativ retning.

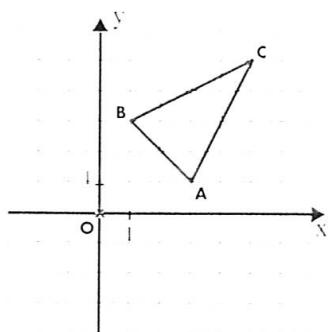
Prøvetegning



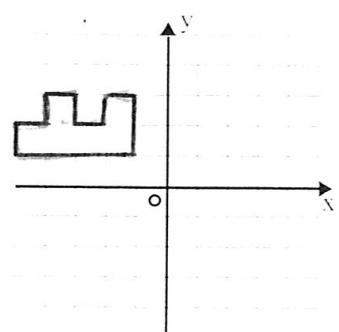
$AC = 6 \text{ cm}$ ,  $\angle B = 50^\circ$   
 $AB = BC$



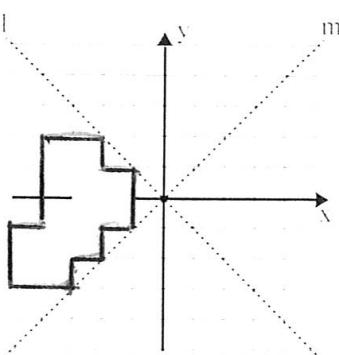
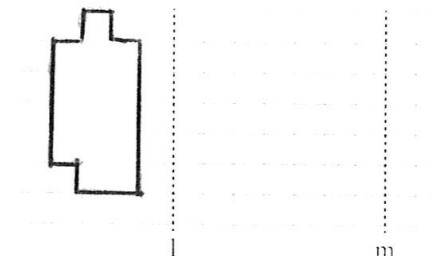
- 6 a Drej trekant ABC  $90^\circ$  med uret om O.  
 b Skriv koordinaterne til den drejede trekant  $A_1B_1C_1$ .  
 c Skriv om sammenhængen mellem koordinaterne i de to trekantede.



- 7 a Drej trekant ABC  $90^\circ$  mod uret om O og skriv koordinaterne til den drejede trekant  $A_1B_1C_1$ .  
 b Drej trekant ABC  $180^\circ$  om O og skriv koordinaterne til den drejede trekant  $A_2B_2C_2$ .  
 c Skriv om sammenhængen mellem koordinaterne i trekant ABC og  $A_2B_2C_2$ .



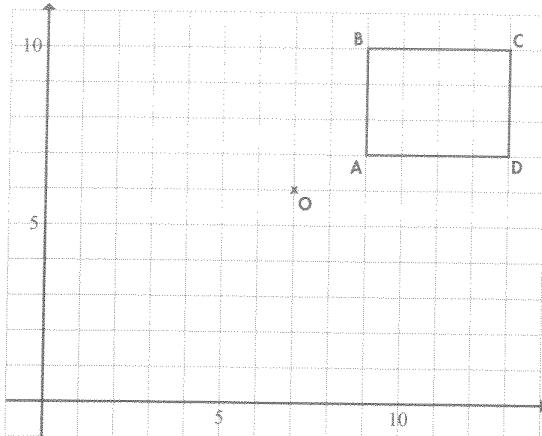
- 8 a Spejl figuren først i l og så i m.  
 b Hvilken flytning fører den oprindelige figur over i den dobbeltspejlede?



- 9 a Spejl figuren først i y-aksen og så i x-aksen.  
 b Hvilken flytning fører den oprindelige figur over i den dobbeltspejlede?

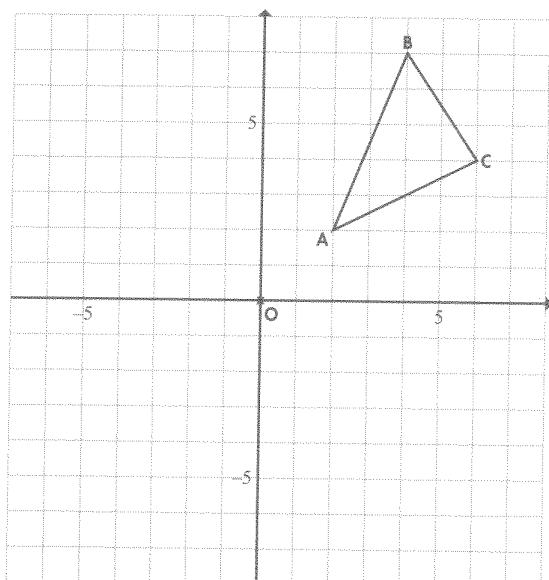
- 10 a Spejl figuren først i linje l og så i linje m.  
 b Hvilken flytning fører den oprindelige figur over i den dobbeltspejlede?

Drej firkant ABCD om O og skriv de nye koordinater i skemaet.



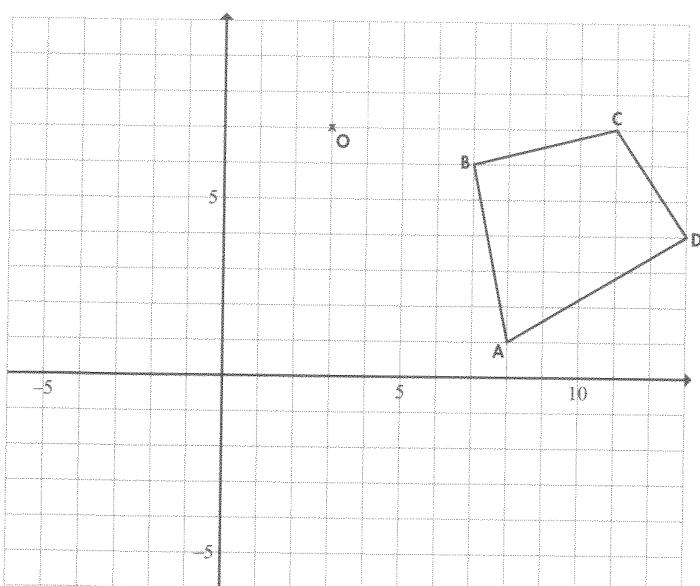
A	B	C	D
90° mod uret			
180°			
270° mod uret			
90° med uret			

Drej trekant ABC om O og skriv de nye koordinater i skemaet.



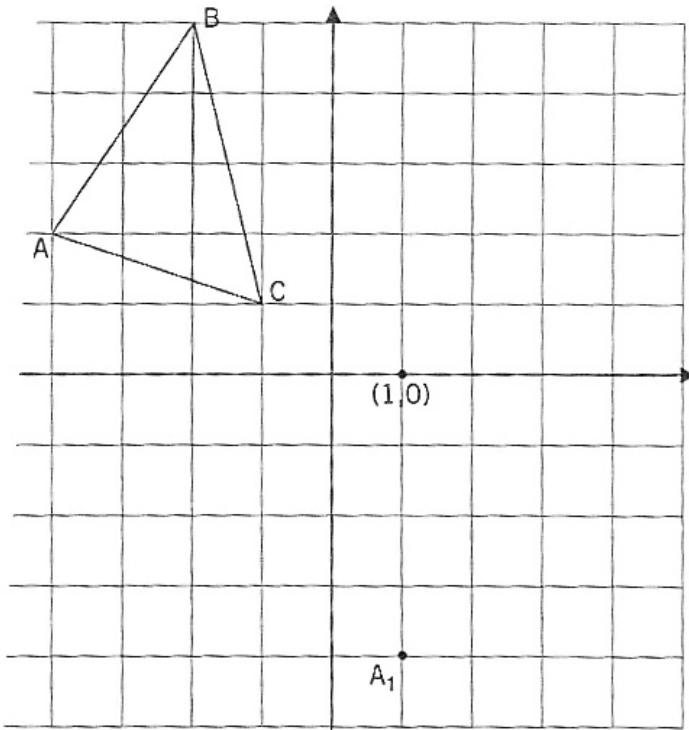
A	B	C
90° mod uret		
180°		
270° mod uret		
90° med uret		

Drej firkant ABCD 270° mod uret om O. Skriv de nye koordinater.



A
B
C
D

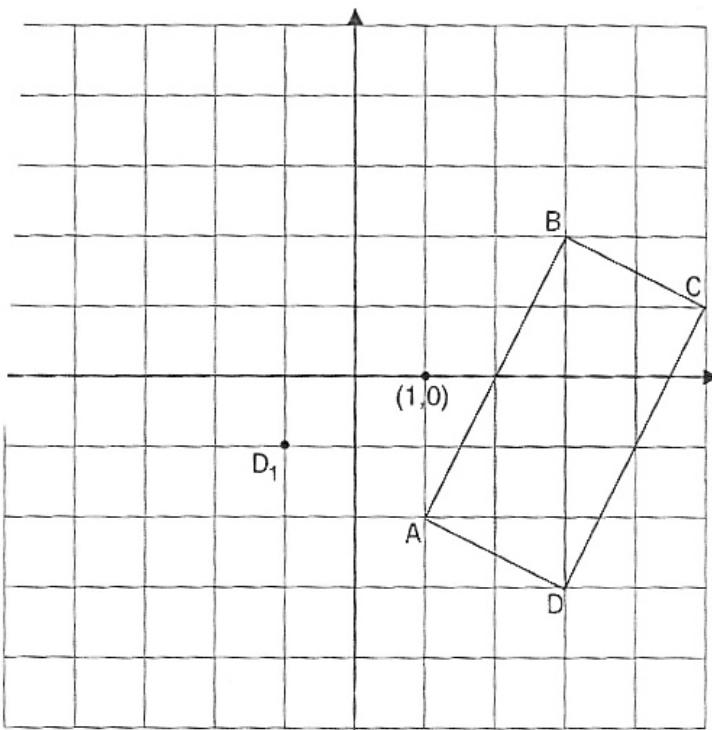
# Parallel forskydning



Find billedet af trekant ABC ved en parallelforskydning således at A kommer til at ligge i  $A_1$ .

Aflæs koordinaterne til:

$B_1 ( \quad , \quad )$  og  $C_1 ( \quad , \quad )$



Find billedet af ABCD ved en parallelforskydning således at D kommer til at ligge i  $D_1$ .

Aflæs koordinaterne til:

$A_1 ( \quad , \quad )$   $B_1 ( \quad , \quad )$  og  $C_1 ( \quad , \quad )$

1. Tegn et koordinatsystem.  
Afsæt i dette:



$A(1,1)$ ,  $B(3,4)$  og  $C(4,1)$   
Foretag parallelforskydning så C kommer over i  $C_1(0,-3)$

Tegn billedet af ABC.

2. Afsæt i koordiantsystem:  
 $A(-4,-1)$ ,  $B(-2,1)$ ,  $C(0,-2)$  og  $D(-2,-4)$ .

Tegn figuren.

Find billedet af ABCD ved parallelforskydning så B kommer over i  $B_1(2,4)$ .

Tegn billedet af ABCD.

$$3. 23\frac{3}{4} + 70\frac{1}{2}$$

$$6. 112\frac{3}{4} + 70\frac{1}{3}$$

$$4. 44\frac{1}{3} + 86\frac{5}{6}$$

$$7. 200\frac{4}{5} + 120\frac{2}{3}$$

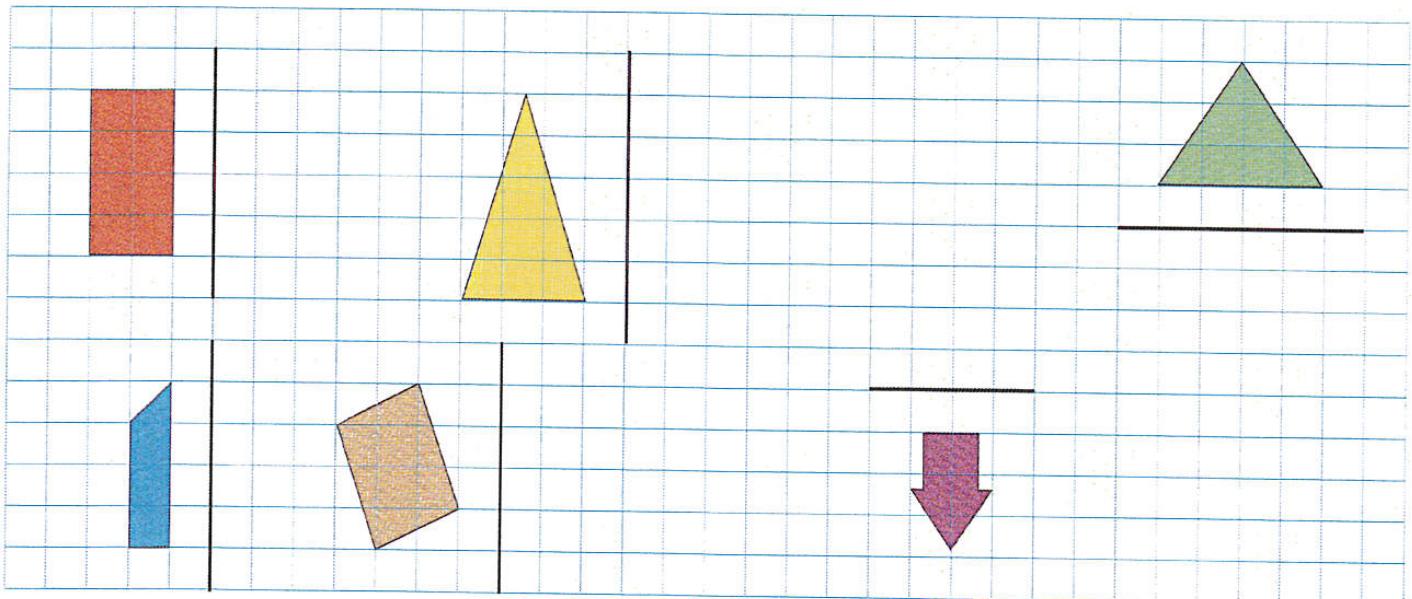
$$5. 103\frac{1}{2} + 47\frac{7}{10}$$

$$8. 67\frac{4}{9} + 288\frac{5}{6}$$

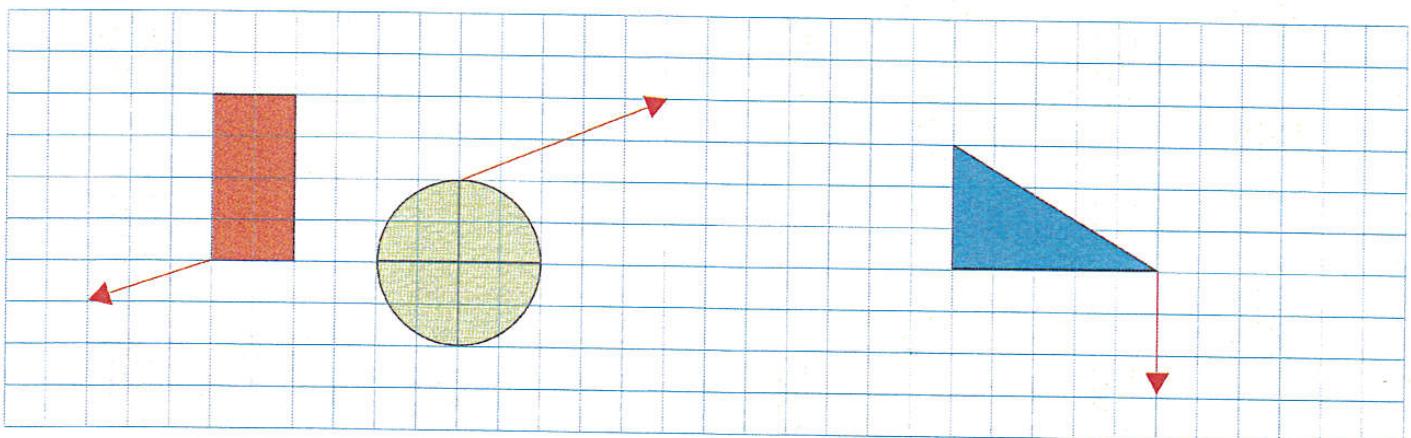
9. Bestem rumfanget af en cylinderformet dåse med  $d = 28$  cm og højden 30 cm.  
Nærmeste hele tal.

1 Spejl figurerne i linjerne.

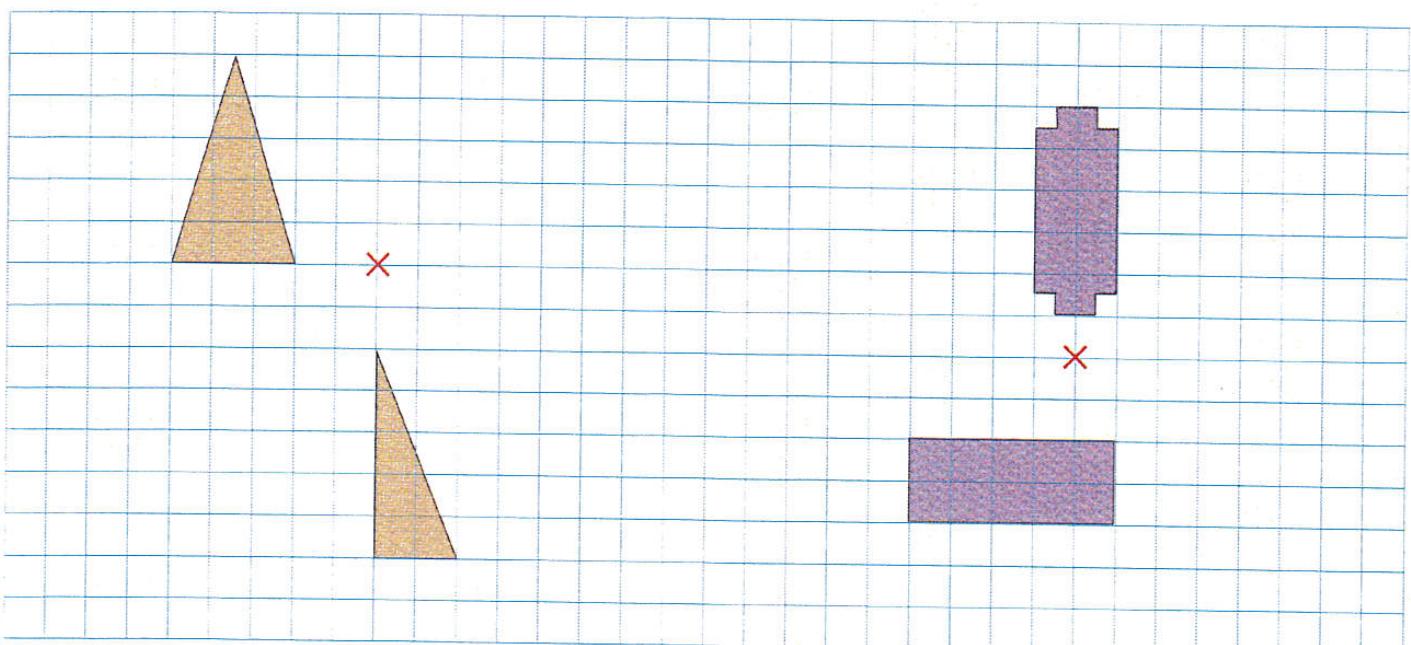
(Tegn følgende i Geogebra. Husk at tegne den originale figur)



2 Parallelforskyd figurerne i pilens retning og længde.

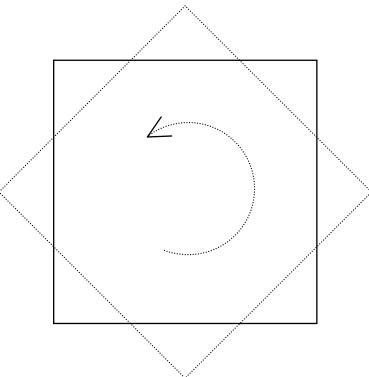


3 Drej figurerne  $90^\circ$  mod uret om punktet.

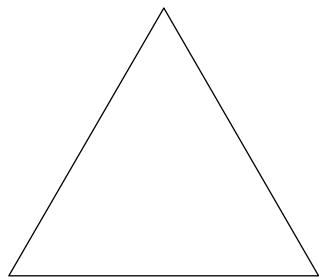


- 1: Hvis man drejer et kvadrat  $\frac{1}{4}$  omgang ( $90^\circ$ ), så vil kvadratet dække sig selv.

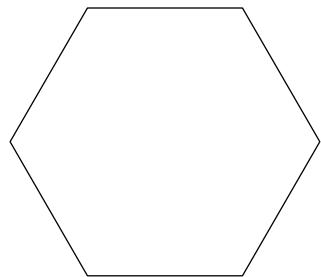
Man kan også dreje kvadratet  $\frac{1}{2}$  omgang ( $180^\circ$ ),  $\frac{3}{4}$  omgang ( $270^\circ$ ) eller en hel omgang ( $360^\circ$ ).



Hvor mange grader skal man dreje de 3 figurer herunder, for at de kan dække sig selv?



En ligesidet trekant

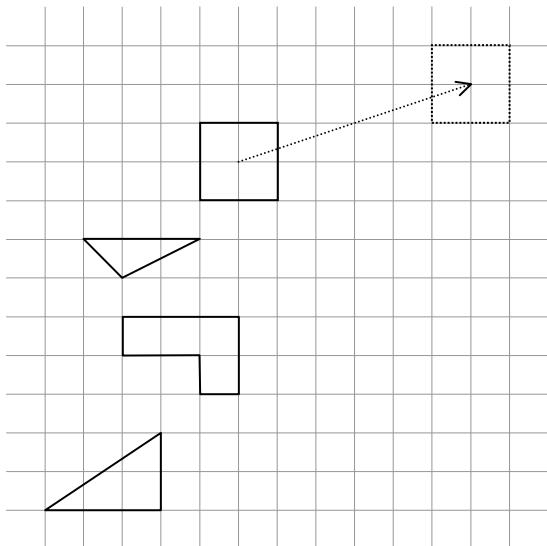


En ligesidet seksekant

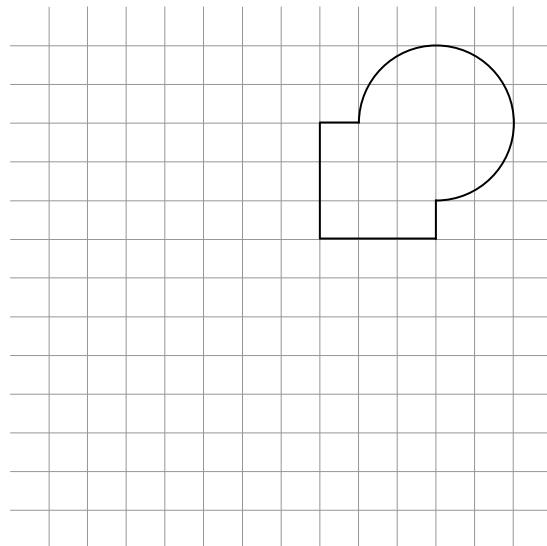


Et rektangel

- 2: Alle figurerne skal skubbes 6 tern til højre og 2 tern op. Det kaldes parallelforskydning.

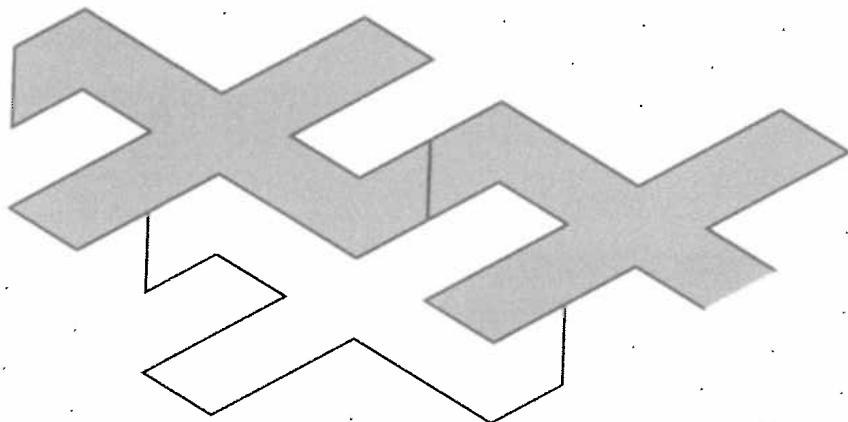
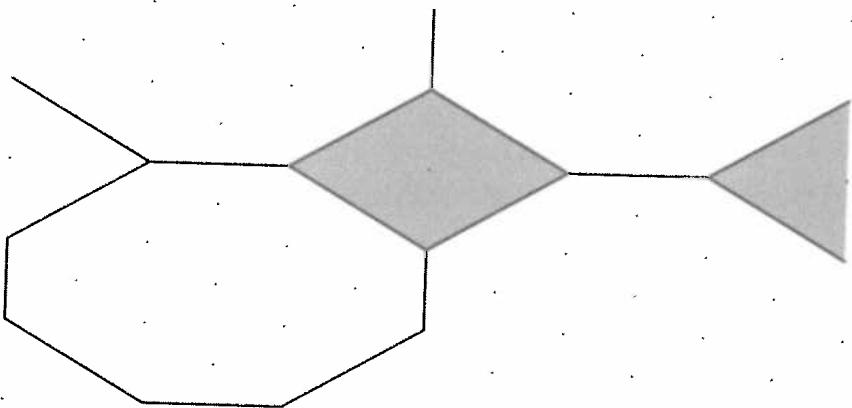


- 3: Figuren skal parallelforskydes 5 tern til venstre og 7 tern ned.



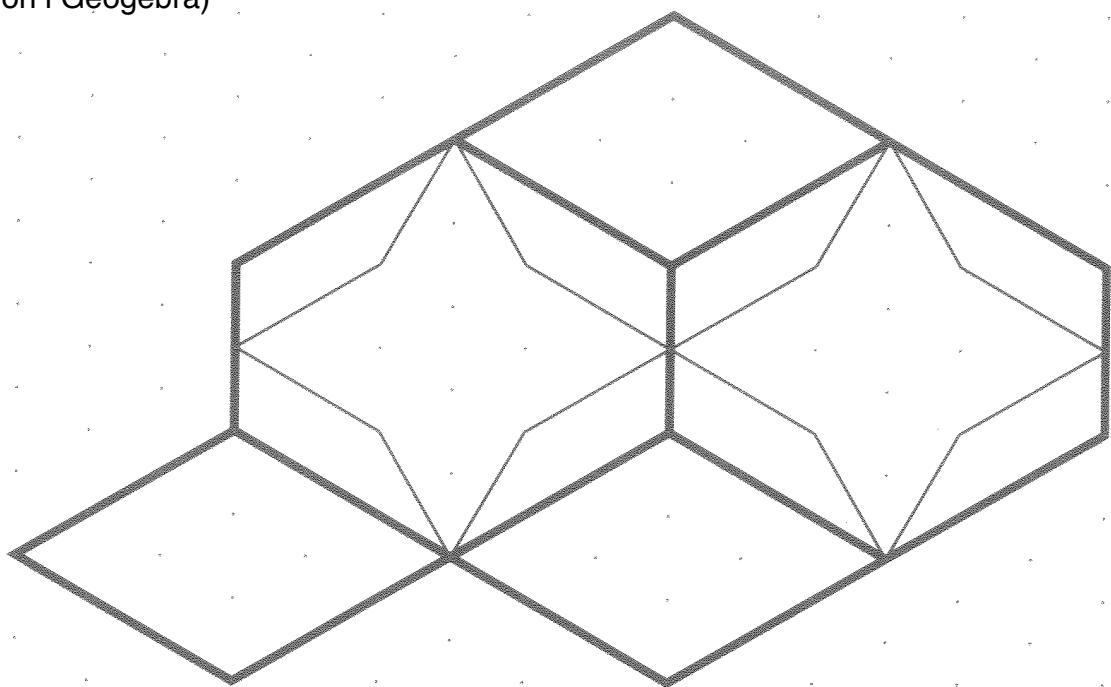
## Fortsæt mønstrene

(Forsøg at lave disse  
tessellationer i Geogebra)



Fortsæt mønsteret

(Forsøg at lave denne  
tesselation i Geogebra)

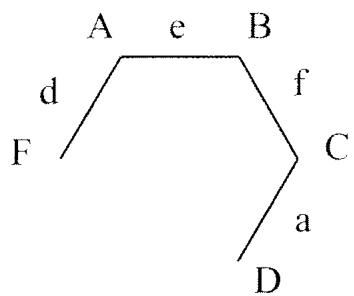


Tegn tessellationer med polygonerne og udfyld skemaet.

(Tegn i Geogebra)

Polygonform				
Vinkelstørrelser	$60^\circ/120^\circ$			
Summen af vinkler, som mødes i samme punkt				

Tegn en sekskant hvor summen af vinkel A, B og C er  $360^\circ$  og  $a = d$ .  
Lav en tessellation med sekskanten.



Tegn en femkant hvor vinkel A er  $60^\circ$ , vinkel C er  $120^\circ$ ,  $a = e$  og  $c = d$ .  
Lav en tessellation med femkanten.

